

Corso di Laurea in INGEGNERIA CHIMICA

CALCOLO NUMERICO (6 CFU)

Docente: Cecilia Magherini

PROGRAMMA:

ERRORI ED ARITMETICA FINITA: Errore assoluto ed errore relativo. Tipologie di errore: errore di discretizzazione, convergenza e *round-off*. Numeri di macchina. Rappresentazione mediante troncamento ed arrotondamento. Precisione di macchina. *Overflow* ed *underflow*. Aritmetica finita. Condizionamento di un problema. Condizionamento delle quattro operazioni algebriche fondamentali. Cancellazione numerica.

EQUAZIONI NON LINEARI: Il metodo di bisezione, criteri di arresto, condizionamento del problema ed ordine di convergenza. Il metodo di Newton: convergenza locale ed ordine di convergenza quadratico per radici semplici. Il caso di radici multiple: convergenza lineare e ripristino dell'ordine quadratico per il caso di molteplicità esatta nota a priori. Metodi quasi-Newton.

SISTEMI LINEARI e NON LINEARI: Casi semplici. Fattorizzazione LU: esistenza, unicità e costo computazionale. Matrici a diagonale dominante. *Pivoting*. Condizionamento del problema. Fattorizzazione QR e sistemi sovradeterminati. Il metodo di Householder. Il metodo di Newton per sistemi di equazioni non lineari (cenni).

APPROSSIMAZIONE DI FUNZIONI: Interpolazione polinomiale: esistenza ed unicità del polinomio interpolante. Forma di Lagrange e di Newton. Differenze divise: proprietà ed algoritmo per il loro calcolo. Algoritmi di Horner ed Horner generalizzato per la valutazione di un polinomio. Analisi dell'errore nella approssimazione di funzione mediante interpolazione polinomiale. Ascisse di Chebyshev. Analisi del condizionamento.

Il metodo dei minimi quadrati nel discreto.

INTEGRAZIONE NUMERICA: Formule di quadratura di tipo interpolatorio. Metodi del rettangolo sinistro e destro. Analisi del corrispondente errore. Formule di Newton-Cotes: i metodi dei trapezi e di Simpson semplici. Analisi dell'errore. Grado di precisione di una formula di quadratura e formule gaussiane (cenni). Metodi dei trapezi e di Simpson compositi e relativa analisi dell'errore.

METODI NUMERICI PER EQUAZIONI DIFFERENZIALI ORDINARIE: Metodi ad un passo. Errore locale di troncamento ed ordine di accuratezza. Analisi di convergenza. I metodi di Eulero esplicito, implicito e dei trapezi. Metodi Runge-Kutta: tabella di Butcher, metodi espliciti, impliciti e semi-impliciti. Analisi lineare di stabilità. Metodi A -stabili, perfettamente A -stabili ed $A(\alpha)$ -stabili. Problemi *stiff*. Metodi lineari a più passi (Linear Multistep Methods, LMM). Errore locale di troncamento, consistenza ed ordine di convergenza. Proprietà di 0-stabilità. Teorema di convergenza e prima barriera di Dahlquist. Famiglie di metodi: Adams-Bashforth, Adams-Moulton e Backward Differentiation Formulae (cenni). Analisi lineare di stabilità e seconda barriera di Dahlquist.

Testi consigliati:

- L. Brugnano, C. Magherini, A. Sestini. Calcolo Numerico: seconda edizione ampliata e corretta. Master Università e Professioni, Firenze, 2010.
- P. Ghelardoni, G. Gheri, P. Marzulli. Elementi di Calcolo Numerico. Dispense disponibili in rete al seguente indirizzo:
<http://users.dma.unipi.it/ghelardoni>.

Modalità di esame:

- **Prova Orale:** oltre a tutti gli argomenti svolti a lezione sarà discusso un elaborato realizzato dallo studente.